

Trans. Korean Soc. Noise Vib. Eng., 31(3): 247~259, 2021 https://doi.org/10.5050/KSNVE.2021.31.3.247

다중 사이클릭 헬리콥터 진동 제어

Multicyclic Helicopter Vibration Control

김 도 형[†] Do-Hyung Kim[†]

(Received January 5, 2021 ; Revised March 5, 2021 ; Accepted March 5, 2021)

Key Words: Rotor Vibration Control(로터 진동 제어), Multicyclic Control(다중사이클릭 제어), Active Twist Rotor(능동 비틀림 로터), Optimal Control(최적 제어), Gradient Descent Method(경사하강법)

ABSTRACT

The vibration control performance of an active twist rotor using multicyclic control is evaluated and discussed. Artificial flight data for a descent flight with 6-degree flight path angle are generated using CAMRAD II. A linear, quasi-static, frequency domain system model with six multicyclic higher harmonic control inputs and 12 harmonic response outputs of nonrotating hub loads is identified offline by using the least squared error. The optimal control input for minimizing the quadratic performance function and the corresponding response to the optimal control are calculated. The open-loop control performance is simulated using CAMRAD II by applying the optimal control input. The nondimensionalized vibration index combining 12 nonrotating hub loads is reduced by 93 % using open-loop control. The gradient descent method is applied for closed-loop control, and MATLAB/CAMRAD II coupled analysis is performed to evaluate the closed-loop multicyclic control system. The closed-loop control using the gradient descent algorithm with the system model identified offline shows very good vibration reduction performance, and the reduced vibration level converges to the optimal solution.

1. 서 론

헬리콥터 진동 저감을 위한 능동 로터 제어 시스템 에 대한 여러 가지 수치 해석 및 실험 연구가 진행되 어 왔고, 그 중에서 Higher harmonic control(HHC) 기법이 진동과 소음 저감에 성공적으로 적용되었다⁽¹⁾. HHC는 진동과 소음 저감 능력을 보여주었지만, 다른 능동 제어 기법이 계속해서 연구되었다. HHC의 주요 단점은 작동 가능한 주파수의 제약과 소음과 진동이 동시에 줄어들지 않을 수 있다는 사실이다⁽²⁾. HHC의 가장 유망한 대안은 individual blade control(IBC)⁽³⁾이 다. 현재까지 능동 피치 로드⁽⁴⁾, 능동 뒷전 플랩^(5,6), 능동 비틀림⁽⁷⁻⁹⁾, 능동 탭⁽¹⁰⁾, 능동 거니 플랩⁽¹¹⁾ 등의 여러 가지 개념의 IBC 작동기가 설계되고 테스트 되었다. 그 중에서 능동 뒷전 플랩이 광범위하게 연 구되었고 비행시험에 이르기까지 성공적으로 시연되 었다. Dieterich 등은⁽⁶⁾ 능동 플랩과 시간 영역 제어 알 고리즘을 적용한 BK117 항공기에서 최대 80% 진동 저감 성능을 보여주었다. 그러나 블레이드에 뒷전 플랩

- ‡ Recommended by Editor Heon Jun Yoon
- © The Korean Society for Noise and Vibration Engineering

[†] Corresponding Author; Member, Korea Aerospace Research Institute, Principal Researcher E-mail : dhkim@kari.re.kr

[#] A part of this paper was presented at the KSNVE 2021 Annual Spring Conference

작동기를 구현하기 위해서는 기계적 부품이 추가로 필 요하며, 블레이드 회전에 의한 원심력 환경에서 원활한 작동을 보장하기 위한 여러 가지 조치가 필요하다. 반면 에 표면 변형에 의해 유발되는 비틀림을 이용하는 능동 비틀림 제어 로터는 기계적 부품이 필요하지 않다.

압전 재료를 이용한 active fiber composite(AFC) 또는 macro fiber composite(MFC)가 축소 능동 비틀 림 로터에서 표면 변형을 유발시키기 위한 작동기로 활용되어 왔다. 블레이드 표면에 부착된 작동기에 전 기장이 부가되면 작동기의 변형이 발생되고 이를 활 용하여 블레이드의 비틀림 변형을 생성한다. AFC를 기반으로한 ATR(active twist rotor) 연구에서는 NASA langley transonic dynamics tunnel(TDT)의 풍 동시험을 통해 고정부 진동하중을 60% ~ 95% 감소 시켰다⁽⁷⁾. 개-루프 제어 방법이 적용되었고 작동 주파 수는 단일 하모닉이었다. 여러 가지 제어 진폭으로 3P (3/rev), 4P 및 5P 작동 주파수에 대해 제어 위상 스윕 이 수행되었으며, 그 결과를 통해 최상의 작동 주파수, 진폭 및 제어 위상을 식별 할 수 있었다.

독일 DLR(german aerospace center)에서는 1995년 부터 MFC 작동기를 이용한 능동 비틀림 로터에 대한 연구 활동을 수행해 오고 있다⁽¹²⁾. 2009년부터 국제 공 동연구인 STAR(smart twisting active rotor) 프로그램 으로 확장하여 진행 중, 예비 시험 과정에서 MFC 작동 기의 피로 문제가 발생하여 초기 풍동시험이 중단된 바 있다⁽⁹⁾. 이에 대한 원인 분석을⁽¹³⁾ 통해 작동기 및 블레 이드 설계 개선이 수행되었다⁽¹⁴⁾. 현재 새로운 블레이 드 제작 및 풍동시험을 추진 중이다.

진동 저감을 위한 비틀림 작동에 있어서 가장 널리 사용되는 방식은 하모닉(harmonic) 작동을 기반으로 한 다. 단일 하모닉 제어의 경우 진폭 및 위상 스윕을 여러 가지 가진 주파수에 대해서 수행한다. 그런 다음 진동 저감 성능이 가장 우수한 제어 입력 주파수, 진폭 및 위 상을 식별할 수 있다. 이 방법은 다중 하모닉 제어 방식 으로 확장할 수 있다. 다중 하모닉을 이용한 능동 비틀 림 작동은 성능 향상, 진동 및 소음 저감 시뮬레이션 연 구에 적용된 바 있다^(15,16). 다중 하모닉 제어 입력에 단 일 하모닉 제어와 같은 진폭, 위상 스윕 방법을 적용할 경우 고려해야할 경우의 수가 매우 크게 증가한다. 또 다른 접근 방법은 비 하모닉(non-harmonic) 형태의 비 틀림 작동이다. Fogarty 등은⁽¹⁷⁾ 시작 방위각 위치, 지속 시간 및 진폭으로 특정 형상의 계단 파형 입력을 소음 저감에 적용한 바 있다. Jain 등은⁽¹⁸⁾ 전진면 영역에서만 2P 하모닉 입력을 적용할 경우 성능 향상에 효과적임을 보여주었다. 그리고 단순한 단일 하모닉 입력과 분할된 스텝 함수를 성능 향상 및 진동 감소를 위해 최상의 작 동 시나리오를 도출하기 위해 particle swarm genetic 알고리즘을 사용한 연구도 수행된 바 있다⁽¹⁹⁾.

일반적으로 단일 하모닉 제어에 비해 다중 하모닉 제어 또는 비 하모닉 제어를 적용하면 보다 우수한 진 동 저감 성능을 얻을 수 있을 것으로 예상된다. 그러 나 다중 하모닉 또는 비 하모닉 제어 기법을 적용할 경우 알고리즘에 따라 최적의 해를 얻기 위한 계산량 이 크게 증가할 수 있다. 헬리콥터의 진동 특성이 선 형적인 경우 최적 제어 기법을 적용하여 상대적으로 적은 계산을 통해 최적 제어 입력을 도출할 수 있다. 또한 최적 제어 기법은 비행 시험 데이터를 처리하여 피드백 제어기를 설계할 때 효과적으로 사용할 수 있 다. 다중 사이클릭 헬리콥터 진동 제어 알고리즘 유도 및 검토는 Johnson이⁽²⁰⁾ 수행하였고, 이를 활용한 수 치 해석 시뮬레이션 연구는 Chopra와 McCloud가⁽²¹⁾ 소개한 바 있다. 다중 사이클릭 진동제어는 헬리콥터 를 선형(linear), 준정적(quasi-steady), 주파수 영역 (frequency domain) 모델로 표현하는 것에 기반을 둔 다. 2차 성능 함수를 최소화하기 위한 최적 제어 해는 간단한 선형 대수로 계산할 수 있다. 그리고 개-루프 또는 폐-루프 제어 시스템의 형태로 구현할 수 있다.

이 연구에서는 동적으로 스케일링된 Bo-105 축소 로터 모델에 다중 사이클릭 제어 기법을 적용하여 시뮬 레이션을 수행하고 진동 제어 성능을 분석하였다. 먼저 진동 제어를 수행할 비행 조건을 선정하여 기본 데이터 를 생성하고, 시스템 식별을 수행한 다음 최적 제어 해를 도출하여 개-루프 시스템에서 진동 저감 성능을 검토하였다. 폐-루프 시스템으로 운용 가능성을 검토 하기 위해 MATLAB/CAMRAD II(comprehensive analytical model of rotorcraft aerodynamics and dynamics II) 연계 해석 시뮬레이션을 수행하였다. 또 한 최적 제어 입력 시 로터 발생되는 로터 시스템의 동적 특성 변화에 대해서도 고찰하였다.

2. 다중 사이클릭 진동 제어

다중 사이클릭 진동제어 시스템의 개략도는 Fig.1 과 같다. 이 시스템은 회전부 또는 비회전부 구성 요 소의 진동을 최소화하는 것을 목적으로 한다. 정상 상태 비행에서 헬리콥터 진동 하중은 주기적이며, 회 전부에서는 1P(1/rev, one per revolution), 비회전부 에서는 NP(N/rev, N은 블레이드 개수)의 기본 주파 수를 가진다. 따라서 진동을 완화시키기 위해 필요한 제어 입력 또한 주기적이며 제어 시스템에서 입력 및 출력의 하모닉 성분들을 처리할 수 있다⁽²⁰⁾.

다중 사이클릭 진동 제어 시스템에서는 진동의 하 모닉 성분들을 제어기에 제공하기 위해서 헬리콥터의 응답에 대한 하모닉 분석이 수행되어야 하고, 주파수 영역에서 계산된 제어 입력을 시간영역 신호로 구성 하여 작동기에 제공되어야하며, 작동기의 동특성 또 한 고려되어야한다. 모든 기능 중에서 다중 사이클릭 제어기의 진동 제어 성능에 중점을 두기 위하여 제어 기를 제외한 구성 요소를 헬리콥터 모델에 포함시키 면 Fig. 2와 같이 단순화된 형태로 표현할 수 있다.



Fig. 1 Schematic of multicyclic vibration control system



Fig. 2 Simplified schematic of multicyclic vibration control system

2.1 시스템 모델

다중 사이클릭 진동제어 시스템에서 헬리콥터는 $t_n = n\Delta t$ 시점에 θ 를 입력 받아 z를 출력하는 선형, 준정적, 주파수 영역 전달함수 모델 T로 표현된다. 여 기서 z는 회전부 또는 비회전부에서의 진동 하중 하 모닉의 사인 및 코사인 성분으로 구성된 응답 벡터이 고, θ 는 회전 또는 비회전부의 다중 사이클릭 제어 입 력 벡터이다. 하첨자 n은 n-번째 시간 스텝을 나타내 고, 샘플링 간격 Δt 는 하모닉 성분들을 추출하기 위 해 과도 응답이 소멸될 만큼 충분히 길어야 한다⁽²⁰⁾. 다중 사이클릭 제어 시스템을 수학적으로 표현하기 위해 두 가지 유형의 모델이 사용된다. 하나는 현재 제어 입력에 대해 선형인 로컬 모델이고, 다른 하나는 전체 제어 범위에서 선형인 글로벌 모델이다. 이 연구 에서는 글로벌 모델을 이용한 시뮬레이션을 수행하였 으며, 다음과 같이 표현된다.

$$z_n = z_0 + T\theta_n \tag{1}$$

여기서, z_0 는 0-번째 스텝, 즉 제어되지 않은 상태에서 의 응답 출력을 나타낸다. 전달함수 T 및 제어되지 않은 응답 출력 z_0 는 로터의 양력, 추력 및 전진속도 등의 운용 조건에 따라 달라진다. *M*개의 다중 사이클 릭 입력과 P개의 응답 출력을 가지는 시스템의 경우, $\theta_n \in (M \times 1)$ 벡터, $z_n \in (P \times 1)$ 벡터, 전달함수 T는 ($P \times M$) 행렬로 표현된다.

2.2 오프라인 시스템 식별

시스템 식별은 Fig. 3과 같이 헬리콥터 모델 T에 대한 수학적 모델 T를 구성하는 프로세스이다. 오프 라인으로 식별 한다는 것은 시스템을 구성하는 파라 미터가 일정하다는 것을 의미한다. 즉, 로컬 모델에는



Fig. 3 System identification

적용할 수 없고, 글로벌 모델에 적용 가능한 방법이 다. 시스템 식별을 위해 미리 정해진 제어 입력을 사 용하여 N_i 개의 측정 세트를 확보해야 한다. 시스템 식별에 필요한 최소의 독립적인 측정 개수는 제어 입 력의 개수와 같다. 시스템 식별 오차는 실제 시스템 에서 측정된 출력값과 모델을 이용해 추정된 출력 간 의 차이로 정의된다.

$$e = z - \hat{z} = z - \hat{T}\theta \tag{2}$$

여기서, *z*는 측정된 출력이고 *î*는 추정된 출력이다. *N*_t개의 측정 세트로부터 계산된 *N*_t개의 오차 벡터를 합쳐서 오차 행렬 *E*를 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$E = Z - \hat{T}\Theta \tag{3}$$

여기서, Z는 N_t 개의 열벡터 z로 구성된 (P×N_t) 크 기의 출력 행렬이고, Θ 는 N_t개의 열벡터 θ 로 구성된 (M×N_t) 크기의 입력 행렬이다. 오프라인 시스템 식 별은 최소 제곱 오차 방법으로 수행할 수 있다. 오차 행렬의 j-번째 행의 제곱합을 고려해보자.

$$\begin{split} S_{j} &= e_{j} e_{j}^{T} \\ &= \sum_{n=1}^{N} (z_{jn} - t_{jn} \theta_{n})^{2} = (z_{j} - t_{j} \theta) (z_{j} - t_{j} \theta)^{T} \quad (4) \\ &(n = 1, ..., N) \end{split}$$

여기서, 아래첨자 j는 출력 센서의 번호에 해당한다. e_j 는 오차 행렬 E의 j번째 행, z_j 는 응답 행렬 Z의 j번째 행, t_j 는 전달함수 \hat{T} 의 j번째 행이다. S_j 를 최 소화시키는 해 t_j 는 $\partial S_j / \partial t_j = 0$ 으로 구할 수 있다.

$$t_{i} = z_{i} \Theta^{T} (\Theta \Theta^{T})^{-1}$$
⁽⁵⁾

계산된 $t_j(j=1,...,P)$ 를 합치면 전달함수를 다음 과 같이 얻게 된다.

$$\hat{T} = Z \Theta^T (\Theta \Theta^T)^{-1} \tag{6}$$

2.3 최적 제어 해

제어 알고리즘은 성능 함수의 최소화에 기반한다. 이 연구에서 사용된 2차 성능 함수는 다음과 같다.

$$J = z_n^T W_z z_n + \theta_n^T W_\theta \theta_n + \Delta \theta_n^T W_{\Delta \theta} \Delta \theta_n \tag{7}$$

여기서, $\Delta \theta_n = (\theta_n - \theta_{n-1}), W_z = 출력 가중치 행렬,$

 W_{θ} 는 다중 사이클릭 입력에 대한 가중치 행렬, $W_{\Delta\theta}$ 는 다중 사이클릭 입력 비율에 대한 가중치 행렬이다. 보통 가중치 행렬은 대각 행렬 형태로 모든 하모닉에 동일한 값이 적용된 형태가 전형적이다. 그러면 J는 진동 출력과 제어 입력의 제곱합 형태로 볼 수 있다. 헬리콥터 진동을 저감하기 위한 최적의 제어 입력은 성능 함수에 z_n 을 대입한 다음 J를 최소화하는 θ_n 을 계산하여 구할 수 있다. 식 (7)에 $\partial J/\partial \theta_n = 0$ 을 적용 하고, $\partial z_n/\partial \theta_n = T$ 를 대입하면 다음을 얻는다.

$$T^{T}W_{z}z_{n} + W_{\theta}\theta_{n} + W_{\Delta\theta}\Delta\theta_{n} = 0$$
(8)

식 (1)을 식 (8)에 대입하면 다음을 얻을 수 있다.

$$\theta_n = C z_0 + C_{\Delta \theta} \theta_{n-1} \tag{9}$$

여기서, $C = -DT^T W_z$, $C_{\Delta\theta} = DW_{\Delta\theta}$, 그리고 $D = (T^T W_z T + W_{\theta} + W_{\Delta\theta})^{-1}$ 이다. 이 해는 글로벌 모델에 대한 해이며, 로컬 모델 및 글로벌 모델에 모 두 적용되는 일반적인 해는 참고문헌 (20)에서 확인할 수 있고 다음과 같이 표현된다.

 $\theta_n = C z_{n-1} + (C_{\Delta \theta} - CT) \theta_{n-1}$ (10)

2.4 개-루프 제어

글로벌 모델에 대한 최적 해인 식 (9)는 제어되지 않은 상태의 응답 출력 z_0 및 이전 스텝의 제어 입력 θ_{n-1} 에 의해 결정된다. 즉, 측정된 응답에 대한 피드 백이 없는 개-루프 제어 입력이다. 여기서 $W_{\Delta\theta} = 0$ 이면, 개-루프 제어 해는 다음과 같이 단순화된다.

$$\theta_n = C z_0 \tag{11}$$

제어 입력은 이전 스텝의 제어 입력과 무관하며 제 어되지 않은 응답 z₀에 의해 결정된다. 이러한 형태 의 개-루프 제어는 로컬 모델에는 적용되지 않는다.

2.5 폐-루프 제어

글로벌 및 로컬 모델에 모두 적용되는 최적 해인 식 (10)은 측정된 응답 z_{n-1} 의 피트백이 있는 폐-루 프 제어 형태이다. 시스템 식별 오차가 없고 ($\hat{T}=T$), 측정 잡음이 없으며, $W_{\Delta\theta} = 0$ 인 글로벌 모델에 식(10) 을 적용하여 폐-루프 제어기를 구성하면, $\theta_1 = Cz_0$ 로 첫 번째 스텝에서 식(11)의 개-루프 제어 최적 해에 수 렴하게 된다. 측정 잡음이 존재하는 글로벌 모델의 경우 에는 식 (10)이 폐-루프 제어기로 작동할 수 있다.

일반적으로 2차의 성능 함수의 최소화에 경사하강 법이 널리 사용된다. 경사하강법은 2차 성능 함수의 기울기가 줄어드는 가장 가파른 하강 방향으로 반복 적으로 이동하여 성능 함수를 최소화하는 최적화 알 고리즘이다. 식(7)의 성능함수에 경사하강법을 적용 하면 다음과 같은 형태의 제어 입력 업데이트 방정식 을 정의할 수 있다.

$$\theta_{n+1} = \theta_n - \frac{\mu}{2} \frac{\partial J}{\partial \theta_n} \tag{12}$$

순간 기울기는 다음과 같이 유도된다.

$$\frac{\partial J}{\partial \theta_n} = 2 \left(\frac{\partial z_n}{\partial \theta_n} \right)^T W_z z_n + 2 W_{\theta} \theta_n + 2 W_{\Delta \theta} \Delta \theta_n$$
(13)
$$= 2 \left(T^T W_z z_n + W_{\theta} \theta_n + W_{\Delta \theta} \Delta \theta_n \right)$$

식(13)을 식(12)에 대입하면 제어 입력은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$\theta_{n+1} = \theta_n - \mu \left(T^T W_z z_n + W_\theta \theta_n + W_{\Delta \theta} \Delta \theta_n \right) \quad (14)$$

여기서, μ 는 학습률, 적응률 또는 스텝사이즈라고 불 리며 양의 값이다.

3. 진동 제어 시뮬레이션

헬리콥터 모델을 시뮬레이션하기 위하여 가상의 Bo-105 축소 로터 모델을 CAMRAD II 통합해석 코드 로 구현하였다. 대표적인 Bo-105 로터의 축소 모델인 HART II 로터 모델을 수정하여 구성하였다. 반경 2 m, 선형 비틀림 8°, 코드 길이 0.121 m, NACA 23012에어 포일을 가지고, 1041 r/min (1P = 17.35 Hz)의 속도로 회전한다. Table 1은 로터 특성과 계산에 사용된 대기 조건을 보여준다. HART II 모델과 다른 특성은 시계 방향으로 회전하고, 관절형 허브로 3.5 %R 위치에 플랩 /래그 힌지를 가지며 프리콘이 없다는 점이다.

블레이드 구조는 15개의 보 요소로 구성하였으며 각 요소는 15개의 자유도를 가진다. 블레이드 공기역 학 특성은 양력선(lifting line) 이론에 기반한 C81 테 이블로 모델링하였고, ONERA EDLIN 비정상 공기 역학 모델이 적용되었다. 17개의 블레이드 공력 패널 을 사용하고 자유후류 해석 기법을 적용하여 공력하

Table 1 Properties of the rotor and atmospheric condition	ions
---	------

Properties	Values
No. of blades (N)	4
Radius (R)	2 m
Chord (c)	0.121 m
Rotor speed (Ω)	1041 r/min
Rotating direction	CW
Weight (W0)	3581 N
Solidity (σ)	0.077
Air density (ρ)	1.225 kg/m ³
Temperature	15 °C, sea level
Airfoil drag (cd0)	0.0075
Fuselage drag area	0.15 m ²

중을 계산하였다. 트림 해석은 15° 방위각 간격으로 수행되었다.

3.1 비행 조건

헬리콥터가 착륙을 위해 지상에 접근하는 하강 비행 조건은 BVI(blade vortex interaction) 소음이 크게 발생하면서 진동 또한 크게 발생되는 조건으 로 이 연구의 수치해석 시뮬레이션을 하강비행 조 건에서 수행하였다. 33 m/s (μ =0.15)의 풍속과 6° 의 비행경로 각도(flight path angle)에서 로터 항 력과 동체 항력을 고려하여 계산된 로터 샤프트 각도 4°를 적용하였다. 트림 방법으로는 표준 중 량 및 항력과 평형을 이루는데 필요한 추력 (C_T/σ =0.0633), 추진력 (C_H/σ =0.00044) 및 '0' 롤 모멘트 (M_x =0.0)를 가지는 추진 트림(propulsive trim)을 적용하였다.

3.2 비틀림 작동

블레이드 상부 및 하부 표면에 MFC 작동기가 부 착되어 있어 전기장이 부가되면 비틀림 모멘트와 탄 성 비틀림 변형을 생성한다. CAMRAD II에서 이러 한 능동 작동 요소를 직접 모델링하는 것은 불가능 하다. 따라서 Fig. 4와 같이 작동기에 부가되는 전압 에 따라 유발되는 비틀림 모멘트가 블레이드 구조 요소에 작용하도록 CAMRAD II에서 모델링하여 시 뮬레이션에 사용하였다. 능동 작동기가 부착된 구조



Fig. 4 Mechanism of twist actuation

요소의 경계, 즉 가장 안쪽과 가장 바깥쪽 양쪽에서 비틀림 모멘트가 작용하도록 모델링하였다. 블레이 드에 부가되는 제어 입력은 다음과 같이 정의된다.

 $A(V) = A_0 + A_m \cos(m\psi - \phi) \tag{15}$

여기서, A_0 는 정적 전압 오프셋, A_m 은 작동 전압 진 폭, ψ 는 방위각, ϕ 는 작동 위상각, m은 하모닉 차수 를 나타낸다. 양의 전압이 부가될 경우 블레이드 압 전(leading edge)이 위로 변형되는 nose-up 모멘트가 발생한다. 부가된 전압에 의해 발생되는 비틀림 모멘 트의 관계는 정적 또는 준정적 테스트를 통해 식별된 다. 블레이드 루트 부를 고정한 다음 모든 MFC 작동 기를 작동하여 블레이드 팁에서 발생된 비틀림 각도 를 측정한 결과와 간단한 보 이론을 이용하여 작용된 모멘트 값을 계산한다. 이 연구에서는 참고문헌 9의 MFC 작동기 성능과 유사하게 해석 모델에 적용하였 다. 부가 전압에 의해 발생되는 비틀림 모멘트는 0.005 Nm/V를 적용하고, MFC 작동기의 허용 작동 전압은 -500 V~+1100 V, 오프셋 전압은 +300 V, 최대 작동 진폭은 800 V로 가정하였다.

3.3 시뮬레이션 데이터 생성

다중 사이클릭 진동제어 시뮬레이션을 위해 응답 출 력 벡터 *z*와 제어 입력 벡터 *θ*를 정의해야 한다. 그리 고 제어되지 않은 응답 *z*0뿐만 아니라 시스템식별을 위한 *N*_t개의 입출력 데이터 세트가 필요하다. 4-블레 이드 로터의 경우 비회전부에서의 주요 진동 성분은 **4P** 하모닉이므로 **4P** 비회전 허브 하중 및 모멘트의 코 사인, 사인 성분 **1**2개를 출력 벡터로 지정하였다.

$$z = [F_{x,4C}F_{y,4C}F_{z,4C}M_{x,4C}M_{y,4C}M_{z,4C} \\ F_{x,4S}F_{y,4S}F_{z,4S}M_{x,4S}M_{y,4S}M_{z,4S}]^T$$
(16)

Table 2 Applied moments for baseline cas

	Voltage input	Twist moment	
A_0	300 V	1.5 Nm	
A_m	240 V (30%)	1.2 Nm	
	480 V (60 %)	2.4 Nm	
	640 V (80 %)	3.2 Nm	

다중 사이클릭 제어 입력의 경우 2P, 3P, 4P 하모 닉 코사인, 사인 성분 6개를 사용하였다.

 $\theta = [\cos 2P \sin 2P \cos 3P \sin 3P \cos 4P \sin 4P]^{T}$ (17)

오프셋 전압만 부가되는 제어되지 않은 응답 z₀ 및 오프셋 전압 및 30 %, 60 %, 80 % 3가지 진폭으로 6 가지 독립적인 비틀림 작동(cos2P, sin2P, cos3P, sin3P, cos4P, sin4P)을 적용한 18가지 구동 조건을 앞서 설명한 하강 비행 조건에 적용하여 기본 시뮬레 이션 데이터를 생성하였다. 각 구동 조건별 부가된 전압 및 모멘트를 Table 2에 정리하였다.

3.4 선형성 검토

다중 사이클릭 헬리콥터 진동제어 시스템은 헬리 콥터를 선형, 준정적, 주파수 영역 모델로 표현하는 것에 기반을 둔다. 따라서 시스템이 선형일 때 제어 성능을 발휘할 수 있다. 그러므로 헬리콥터 시스템의 선형성을 확인해야 한다. 제어 입력을 구성하는 사이 클릭 입력 항목들에 대한 개별 가진에 대한 응답 특 성을 통해 선형성을 확인할 수 있다. 선형시스템의 특성을 이용하여 두 가지 점검항목을 선정할 수 있 다. 다음의 두 가지 특성이 충족될 때 임의의 진폭과 방향으로 제어 가능한 진동 하중을 생성할 수 있다.

(1) 동일한 개별 사이클릭 입력에 의해 생성된 진동의 크기는 입력 진폭에 비례해야한다.

(2) 동일 주파수의 코사인파 가진과 사인파 가진에 의해 발생되는 진동은 90°의 위상차를 가져야한다.

독립적인 제어 입력에 따른 비회전 허브 하중과 모 멘트 변화를 Fig. 5에 나타내었다. *F_x* 응답은 매우 선 형적으로 보인다. 가진 진폭이 0%에서 80%로 증가 함에 따라 출력 응답의 크기가 증가한다. 2P, 4P 주파 수로 가진한 경우, 사인 파형의 가진에 의해 유발되는



Fig. 5 Responses to independent control input Trans. Korean Soc. Noise Vib. Eng., 31(3): 247~259, 2021 | 253

진동하중은 코사인 파형의 가진에 의해 유발되는 진 동하중에 비해 약 90°의 위상 지연을 보여준다. 3P 주 파수로 가진한 경우, 코사인파 가진이 사이파 가진에 비해 약 110°의 위상차를 나타내지만 cos3P와 sin3P 의 조합으로 임의의 크기와 방향으로 진동하중을 생 성 가능하다. 따라서 2P, 3P, 4P의 다중 사이클릭 제 어 입력으로 Fx 진동 하중을 상쇄할 수 있는 제어 가 능한 진동 하중을 생성할 수 있다. F,의 경우 4P 가진 에 대한 응답은 진폭이 증가함에 따라 비선형적 특성 을 보여주지만 2P, 3P 입력에 대한 반응 특성이 좋아 서 제어 가능하다고 판단된다. Fz의 경우에는 2P, 3P 가진에 의한 응답이 비선형적이어서 2P, 3P 성분의 사이클릭 입력으로는 진동 제어가 불가능해 보인다. 그러나 4P 가진에 따른 응답 특성은 진동 제어에 충 분히 활용 가능할 것으로 보인다. Mx, My 응답은 특이 사항이 없다. Mz의 경우에도 2P, 3P 가진에 따른 응답 특성의 비선형성이 크지만 4P 가진에 의한 응답은 선 형에 가까워서 제어 가능하다고 보인다. 전체적으로 Fz 및 Mz 응답에서 비선형 특성이 관찰되지만, 다중 사이클릭 입력을 조합하여 진동을 상쇄시킬 제어 가 능한 하중을 유발시킬 수 있을 것으로 기대된다.

생성된 진동 하중이 제어되지 않은 진동의 진폭과 같고 위상이 반대인 경우 원치 않는 진동을 상쇄시킬 수 있다. 그러나 반대 위상의 상쇄 진동을 유발시킬 수 있더라도 작동기의 운용범위 내에서 충분한 진폭 을 만들어내지 못할 경우에는 진동 저감 효과가 크지 않다. 따라서 제어되지 않은 진동의 진폭만큼 충분한 제어 하중을 생성시킬 수 있는지도 확인해야 한다. Fig. 5에 진동이 '0'인 상태가 별표(\$)로 표시되어 있 다. 80% 미만의 진폭으로 생성된 진동 하중의 크기 가 제어되지 않은 상태의 진동보다 충분히 크므로 작 동기 운용 범위 내에서 제어되지 않은 진동을 상쇄시 킬 충분한 제어 진동 하중을 생성시킬 수 있을 것으 로 예상된다.

3.5 오프라인 시스템 식별

시스템 모델 \hat{T} 는 식(6)을 이용하여 계산한다. 시스 템이 완벽하게 선형이면 6개의 제어 입력이 서로 독립 적이므로 특정 진폭을 가지는 6개의 제어 입력으로 생 성된 6개의 데이터 세트로 시스템 식별이 가능하다. 그러나 이 연구에서는 시스템 특성이 완벽한 선형성 을 보여주지 않으므로 6가지 입력 파형과 3가지 진폭 에 의해 생성된 18개의 입출력 데이터 세트를 모두 사용하였다. 입력 행렬은 다음과 같다.

$$\Theta = [\theta_1 \ \theta_2 \ \dots \ \theta_7 \ \dots \ \theta_{18}] \tag{18}$$

여기서, $\theta_1 = [0.3 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0]$, $\theta_2 = [0 \ 0.3 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0]$, ..., $\theta_7 = [0.6 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0]$, ..., $\theta_{18} = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0.8]$ 이다. 입 력 행렬에 의한 출력 응답 행렬은 18개의 응답 벡터 를 모아서 구성하면 된다. 유의할 사항은 제어 입력 에 의해 출력되는 응답은 제어하지 않은 상태에서 발 생되는 진동 하중과 제어 입력에 의해 유발된 하중이 합쳐진 결과라는 사실이다. 시스템 식별을 위해서는 제어 입력에 의해 유발된 진동 하중 성분으로 출력 벡터와 행렬을 구성해야 한다. 그러므로 응답 출력 $z_k (k=1,...,N)$ 에서 제어하지 않은 상태의 출력 z_0 를 뺀 값으로 출력행렬 Z를 구성해야 한다.

3.6 개-루프 제어

단순화된 시스템에 대한 시뮬레이션을 수행하기 위해서 $W_z = I$, $W_{\Delta\theta} = W_{\theta} = 0$ 로 가정하였다. 최적 제어 입력은 식(11)을 이용해서 계산하며, 다음과 같 은 결과를 얻었다.

$$\theta_{opt} = [40.9 \ 10.5 \ 5.3 \ 11.9 \ -4.6 \ -7.4]^T$$
(19)
(% amplitude)

다중 사이클릭 최적 제어 입력의 2P, 3P, 4P 하모 닉 성분은 Fig. 6(a)와 같고, 모든 성분이 합쳐진 최적 제어 입력의 파형은 Fig. 6(b)에 나타내었다. 2P, 3P 및 4P 하모닉 성분의 진폭은 각각 42.4 %, 13.0 % 및 8.7 % 이다. 통합된 최적제어 입력에서의 최대 및 최 소값은 각각 44.4 % 및 -59.1 % 이다. 이는 작동 전 압 +354.9 V 및 -472.6 V에 해당한다. 최적 제어 입 력이 MFC 작동기의 허용 작동 전압 범위를 초과하 지 않으므로 추가적인 조치 없이 적용 가능하다.

진동 제어 성능을 분석하기 위해 Fig. 7과 같이 두 가지 종류의 시뮬레이션이 수행되었다. 하나는 오프라 인으로 식별된 시스템 모델을 이용한 선형시스템 예측 이고, 다른 하나는 최적제어 입력을 사용한 CAMRAD II 계산이다. 진동 하중 출력 벡터는 12개의 성분으로 구성되어 있어 어떤 성분은 감소하고 다른 성분이 증 가하는 경우 제어 성능을 평가하기 어렵다. 이에 진동 제어 성능을 비교하기 위해 12개의 출력 성분들을 무 차원화된 하나의 진동 지수(vibration index, VI)로 나 타내어 진동의 크기 변화를 비교하였다.

$$VI = \frac{\sqrt{(F_{x,4})^2 + (F_{y,4})^2 + (F_{z,4})^2}}{\frac{W_0}{} + \frac{\sqrt{(M_{x,4})^2 + (M_{y,4})^2 + (M_{z,4})^2}}{RW_0}}$$
(20)

여기서, $(F_{x,4})^2 = (F_{x,4C})^2 + (F_{x,4S})^2$, 힘과 모멘트는 각각 W_0 와 RW_0 에 의해 무차원화된다. 각 하중 성 분별로 가중치를 적용하여 VI를 구성할 수도 있으나, 이 연구에서는 가중치는 고려하지 않았다. 선형시스 템 예측을 통해서는 96 %의 VI 감소가 예측되었으 나, CAMRAD II 계산 결과에서는 93 %의 VI 감소 가 확인되었다. 이는 헬리콥터 모델이 완벽하게 선형



Fig. 6 Optimal control input for 2P, 3P, 4P multicyclic control

은 아니기 때문이다.

Fig. 6을 살펴보면 2P 주파수 성분이 최적 제어 입력의 주요 구성 요소임을 알 수 있다. 따라서 2P 하모닉만 사용하거나 2P, 3P 또는 2P, 4P 조합으로 제어 입력을 구성한 경우에도 진동 저감 성능이 유 지될 것으로 예상된다. 이에 Table 3과 같이 4종류의 다중 사이클립 제어 입력 조합에 대한 시뮬레이션을 수행하여 진동 저감 성능을 비교해 보았다. Case 1 이 진동 저감에 가장 효과적이지만 case 2와 case 3 도 우수한 성능을 보여준다. 단일 하모닉 성분만 사 용한 case 4의 경우에는 상대적으로 진동 저감 성능 이 낮다. 전반적으로 단일 하모닉 입력 보다는 다중 사이클릭 입력이 진동 저감에 효과적인 결과를 보여 준다.

Table 3의 4가지 경우에 대한 최적 제어 입력은 Fig. 8과 같다. 전체적인 파형은 유사한 형태를 보여 준다. (+) 제어 입력이 부가되는 작동 범위는 방위각 약 135°~225° 및 320°~45° 범위에 해당한다. 즉 로터디스크 전방과 후방 위치에서 nose-up 모멘트가 크게 부가되고, 전진면과 후퇴면에서는 nose-down



(a) Linear system prediction



- (b) CAMRAD II calculation with optimal input Fig. 7 Open-loop control simulation
- Table 3 Vibration reduction performance according to multicyclic control input changes

Case	Harmonics of control	VI reduction (linear prediction)	VI reduction (CAMRAD II)
1	2P,3P,4P	96 %	93 %
2	2P,3P	95 %	91 %
3	2P,4P	95 %	88 %
4	2P	75 %	66 %

모멘트가 부가된다. 단일 하모닉 입력에 비해 고차의 하모닉 가진 성분이 추가된 경우 제어 입력으로 부가



Fig. 8 Optimal control solutions according to multicyclic control input changes



(a) Linear system prediction



(b) CAMRAD II calculation with optimal input

Fig. 9 Nonrotating hub force responses according to multicyclic control input changes

되는 모멘트의 크기가 상대적으로 작다.

Fig. 9는 최적 제어 입력에 대한 선형 시스템 예 측 결과와 CAMRAD II 계산 결과 중 허브 하중 성 분을 나타낸 그래프이다. F_x와 F_y는 CAMRAD II 계산 결과가 예측 결과와 비슷하지만, F_z는 상대적 으로 차이가 크다. 즉, F_z 성분이 선형시스템을 이 용한 진동 저감 특성 예측과 진동 제어가 가장 어려 운 성분이다. 이는 Fig. 5에서 살펴보았듯이 F_z가 상 대적으로 비선형 특성이 큰 특성을 가지고 있기 때 문이다.

3.7 폐-루프 제어

경사하강법을 적용한 폐-루프 제어 시뮬레이션을 수 행하였다. 경사하강법 알고리즘을 적용할 때 가장 중 요한 사항 중 하나는 학습률 μ를 선택하는 것이다. 적 정 학습률에 대한 대략적인 초기 추정값은 최적 제어 해와 첫 번째 스텝에서의 순간 기울기 값을 사용하여 계산할 수 있다. 그런 다음 Fig. 10과 같이 선형시스템 폐루프 시뮬레이션을 수행하여 학습률 변화에 따른 시 스템 응답을 분석한다. 학습률 변화에 따른 VI 값 변 화를 Fig. 11에 나타내었다. μ>0.00000098인 경우 시스템이 발산하고, 그보다 작은 학습률을 사용한 경 우에는 수렴한다. μ가 0.0000002에서 0.0000005로 증가함에 따라 수렴 속도가 크게 증가하였고, 2번의 스텝 만에 VI 최소값에 수렴하였다. µ가 0.0000005 에서 0.0000009로 증가하면 시스템 반응 속도가 느려 진다. 학습률이 커짐에 따라 제어 입력의 변동이 크게 발생하기 때문이다. 시스템의 반응 속도와 제어 입력 의 변화 수준을 고려하여 0.0000002를 MATLAB/ CAMRAD II 연계 폐-루프 시뮬레이션에 대한 학습률 값으로 선정하였다.

MATLAB/CAMRAD II 연계 폐-루프 제어 시뮬



Fig. 10 Closed-loop simulation using the identified linear system

레이션은 Fig. 12에 도식한 것처럼 CFD(computational fluid dynamics)/CA(comprehensive analysis) loose coupling 해석과⁽²²⁾ 동일한 방법으로 수행된다. 현재 시간 스텝에서 비회전 허브 하중의 4P 하모닉 성분이 CAMRAD II에서 계산되어 MATLAB으로 제공되며, 2P, 3P, 및 4P 다중 사이클릭 제어 명령이 식(14)를 이용하여 계산되고 CAMRAD II에 제공 된다. 시간 스텝 0에서 16까지의 시뮬레이션 결과는 Fig. 13과 Fig. 14와 같다. 약간의 차이가 있으나, CAMRAD II 연계 시뮬레이션 결과는 선형시스템 예측 결과와 매우 유사하다. 진동은 10시간~15시간 내에 최적의 응답 수준으로 감소되었다. 스텝 CAMRAD II 연계 시뮬레이션으로 계산된 제어 입 력 또한 선형시스템 예측 결과와 유사하다. 학습률이 작기 때문에 제어 입력의 변화가 크기 않고 작동기에 과도한 입력 변화를 초래하지 않는다. 시간 단계가



Fig. 11 Vibration reduction performance according to learning rate



Fig. 12 MATLAB/CAMRAD II coupled closed-loop simulation

계속 증가하면 제어 입력은 최적제어 입력 값에 수렴 하게 된다.

글로벌 모델의 경우 식 (9)로 계산된 최적 제어 입 력 값으로 개-루프 제어를 수행하는 것이 가장 단순 한 방법이다. 그러나 많은 경우 시스템이 비선형 특 성을 가지며, 시스템 잡음, 측정 잡음 등으로 인한 시스템 식별 오차가 존재하고, 또한 항공기 운용 조 건이 변경되면 시스템 모델이 변화하게 된다. 이러 한 시스템 모델 변화에 대처하기 위해서는 폐-루프 제어 방식이 유용하다. 항공기 운용 조건 변화에 따 라 시스템 변화가 있을 경우에 대한 진동 제어는 이 논문에서는 다루고 있지 않지만, 경사하강법에 기반 한 폐-루프 제어기를 확장하여 시스템 변화를 고려 한 제어기를 설계할 수 있다. 또한 학습률을 조절하 여 폐-루프 시스템의 동적 반응 속도를 조절할 수 있 어서 제어기의 적용과 해제 시 발생되는 과도 응답



Fig. 13 Vibration reduction performance calculated by MATLAB/CAMRAD II coupled simulation



Fig. 14 Control command history calculated by MATLAB/CAMRAD II coupled simulation

특성을 사용자가 조절 가능한 장점이 있다.

4.결론

다중 사이클릭 제어 기법을 능동 비틀림 제어 로터 에 적용하여 개-루프 및 폐-루프 진동제어 대한 시뮬 레이션 연구를 수행하였다. CAMRAD II를 사용하여 생성된 하강 비행 조건에 대한 데이터는 완벽한 선형 시스템은 아니지만 선형 최적 제어 이론을 적용할 수 있다. 다중 하모닉 제어 입력을 사용할 경우 단일 하 모닉 제어 입력을 사용하는 것에 비해 우수한 진동 저감 성능을 얻을 수 있다. MATLAB/CAMRAD II 연계 폐-루프 시뮬레이션 결과는 선형 시스템 예측 결과와 유사하다. 따라서 선형 시스템 시뮬레이션을 통해 폐-루프 제어기를 설계하여 진동제어 시스템에 적용할 수 있다.

후 기

이 연구는 산업통상자원부 소형무장헬기 연계 민 수헬기 핵심기술개발사업(과제번호: 10053157)과 한 국항공우주연구원 자체연구사업의 지원으로 수행되 었습니다.

References

(1) Gmelin, B. L., Heller, H., Mercker, E., Philippe, J. J., Preisser, J. S. and Yu, Y. H., 1995, The HART Programme - A Quadrilateral Cooperative Research Effort, American Helicopter Society 51st Annual Forum Proceedings, Fort Worth, TX, USA, pp. 695~709.

(2) Kessler, C., 2011, Active Rotor Control for Helicopters: Motivation and Survey on Higher Harmonic Control, CEAS Aeronautical Journal, Vol. 1, No. 1-4, Article no. 3.

(3) Kessler, C., 2011, Active Rotor Control for Helicopters: Individual Blade Control and Swashplateless Rotor Designs, CEAS Aeronautical Journal, Vol. 1, No. 1-4, Article no. 23.

(4) Jacklin, S. A., Blaas, A., Swanson, S. M. and Teves, D., 1995, Second Test of a Helicopter Individual Blade Control System in the NASA Ames 40-by-80 feet Wind Tunnel, In American Helicopter Society 2nd International Aeromechanics Specialists Conference Proceedings, Bridgeport, CT.

(5) Straub, F. K., Anand, V. R., Lau, B. H. and Birchette, T. S., 2018, Wind Tunnel Test of the SMART Active Flap Rotor, Journal of the American Helicopter Society, Vol. 63, No. 1, pp. 1~16.

(6) Dieterich, O., Rabourdin, A., Maurice, J.-B. and Konstanzer P., 2015, Blue Pulse TM: Active Rotor Control by Trailing Edge Flaps at Airbus Helicopter, 41st European Rotorcraft Forum Proceedings, Munich, Germany.

(7) Wilbur, M. L., Mirick, P. H., Yaeger Jr., W. T., Langston, C. W., Cesnik, C. E. S. and Shin, S., 2002, Vibratory Loads Reduction Testing of the NASA/ ARMY/MIT Active Twist Rotor, Journal of the American Helicopter Society, Vol. 47, No. 2, pp. 123~133.

(8) Hoffmann, F., Opitz, S. and Riemenschneider, J., 2009, Validation of Active Twist Modeling on Whirl Tower Tests, in American Helicopter Society 65th Annual Forum Proceedings, Graphvine, TX, USA.

(9) Lim, J. W., Boyd, D. D., Jr., Hoffmann, F., Van der Wall, B. G., Kim, D.-H. et al., 2014, Aeromechanical Evaluation of Smart-twisting Active Rotor, in 40th European Rotorcraft Forum Proceedings, Southampton, U.K.

(10) Kobiki, N., Tanabe, Y., Aoyama, T., Kim, D.-H., Kang, H. J. et al., 2019, Design, Analysis and Prototyping of Active Tab Rotor, Transactions of the Japan Society for Aeronautical and Space Sciences, Vol. 62, No. 2, pp. 64~74.

(11) Kim, T., Kim, D.-H. and Paek, S.-K., 2015, Active Gurney Flap Design Modification for High Speed Operation and Natural Frequency Estimate, Transactions of the Korean Society for Noise and Vibration Engineering, Vol. 25, No. 10, pp. 667~676.

(12) Buter, A. and Breitbach, E., 1995, The Main Sources of Helicopter Vibration and Noise Emissions and Adaptive Concepts to Reduce Them, EUROMECH 341 Smart Structures and Materials, Giens, France.

(13) Kalow, S., Opits, S., Riemenschneider, J. and Hoffmann, F., 2016, Results of a Parametric Study to Adapt Structural Properties and Strain Distribution of Active Twist Blades, Proceedings of the American Helicopter Society 72nd Annual Forum, West Parm Beach, Florida, USA.

(14) Kalow, S., Van de Kamp, B., Keimer, R. and Riemenschneider, J., 2019, Next Generation Active Twist Helicopter Rotor Blade - Simulated Results Validated by Experimental Invetigation, Proceedings of the European Rotorcraft 45th Forum, Warsaw, Poland.

(15) Zhang, Q., Hoffmann, F. and Van der Wall, B. G., 2009, Benefit Studies for Rotor with Active Twist Control Using Weak Fluid-structure Coupling, Proceeding of the European Rotorcraft 35th Forum, Hamburg, Germany.

(16) Bailly, J. and Delrieux, Y., 2009, Improvement of Noise Reduction and Performance for a Helicopter Model Rotor Blade by Active Twist Actuation, Proceedings of the European Rotorcraft 35th Forum, Hamburg, Germany.

(17) Fogarty, D. E., Wilbur, M. L. and Sekula, M. K., 2011, The Effect of Non-harmonic Active Twist Actuation on BVI Noise, Proceedings of the American Helicopter Society 67th Annual Forum, Virginia Beach, VA, USA.

(18) Jain, R., Yeo, H. and Chopra, I., 2010, Computational Fluid Dynamics-Computational Structure Dynamics Analysis of Active Control of Helicopter Rotor for Performance Improvement, Journal of the American Helicopter Society, Vol. 55, No. 4, p. 42004.

(19) You, Y. H. and Jung, S. N., 2016, Optimal Active

Twist Deployment Schedule of a Rotor for Performance Improvement and Vibration Reduction, Proceedings of the American Helicopter Society 72nd International Annual Forum, West Parm Beach, Florida, USA.

(20) Johnson, W., 1982, Self-tuning Regulators for Multicyclic Control of Helicopter Vibration, Washington, NASA and Technical Information Branch.

(21) Chopra, I. and McCloud, J. L., 1983, A Numerical Simulation Study of Open-loop, Closed-loop, and Adaptive Multicyclic Control Systems, Journal of the American Helicopter Society, Vol. 28, No. 1, pp. 63~77.

(22) Kang, H. J., Kim, D. H. and Wie, S. Y., 2014, Aerodynamic and Noise Calculations of Helicopter Blades Using Loose CFD-CSD Coupling Methodology, Journal of Computational Engineering, Vol. 19, No. 3, pp. 62~68.



Do-Hyung Kim received his B.S., M.S., and Ph.D. degrees in aerospace engineering from KAIST, Daejeon, Korea in 1998, 2000, and 2004 respectively. He is a principal researcher in Rotorcraft Research Team of Korea Aerospace Research

Institute. His research fields are structural dynamics, vibration and noise control of rotorcraft.